### الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطنى للامتحانات والمسابقات

دورة: 2018

وزارة التربية الوطنية

امتحان شهادة التعليم المتوسط

المدة: ساعتان اختبار في مادة: الرياضيات

### الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 نقاط)

$$B=2\sqrt{27}-2\sqrt{3}+\sqrt{12}$$
 و  $B=3\sqrt{8} imes\sqrt{2}$  : عددان حیث  $A=3\sqrt{8} imes\sqrt{2}$ 

- بيّن أنّ A عدد طبيعي. (1)
- اكتب العدد a على شكل  $a\sqrt{3}$  حيث a عدد طبيعي. (2

$$.\frac{A}{B} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$
 بيّن أنّ: (3

التمرين الثاني: (03 نقاط)

$$(3x+1)(x-4)=3x^2-11x-4$$
: تحقّق من المساواة الآتية: 4 $(3x+1)(x-4)=3x^2-11x-4$ 

$$E = 3x^2 - 11x - 4 + (3x + 1)^2$$
: عاملين العبارة : (2

$$(3x+1)(x-4) \le 3x^2 + 7$$
 3 3 4 3 4 4 3

التمرين الثالث: (03 نقاط) (وحدة الطول هي السنتمتر)

. DC=8 و AD=6 مستطیل حیث: ABCD

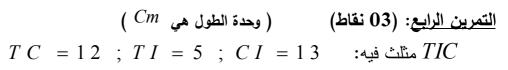
1) احسب الطول A C ا



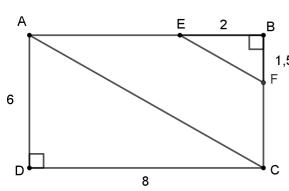
. 
$$BE = 2$$
 و  $BF = 1,5$ 

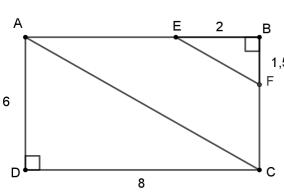
$$(\mathrm{EF})$$
 يوازي  $(\mathrm{AC}):$  بيّن أنّ

احسب قيس الزاوية  $\widehat{BEF}$  بالتدوير إلى الوحدة.



1) بيّن أنّ المثلث TIC قائم ثم احسب مساحته.





igl[CIigr] لتكن H المسقط العمودي للنقطة الخالي (2

- احسب الطول TH بالتدوير إلى 0,1

#### الجزء الثاني: (08 نقط)

#### المسألة:

عبد الله و محمد عاملان في مؤسسة لصناعة ألعاب الأطفال، راتبهما الشهري على النحو التالي:

- عبد الله راتبه  $20000\,DA$  إضافة إلى  $200\,DA$  لكل لعبة يتم صنعها.
- محمد راتبه  $20000\,DA$  إضافة إلى  $100\,DA$  لكل لعبة يتم صنعها.

### الجزء الأول:

- 1) ما هو الراتب الشهري الذي يتقاضاه كل منهما إذا تمّ صنع 120 لعبة؟
  - . ليكن x عدد اللعب المصنوعة في مدة شهر (2
  - محمد. عبّر بدلالة  $\mathcal{X}$  عن  $\mathcal{Y}_1$  راتب عبد الله وعن  $\mathcal{Y}_2$  راتب محمد.

### الجزء الثاني:

- (O;I;J) في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس ((D;I;J)
- : ارسم المستقيمين  $(D_1)$  و  $(D_2)$  ممثلا الدالتين g و h(x) = 100x + 30000 و g(x) = 200x + 20000

(نأخذ: 1Cm على محور الفواصل يمثل 50 لعبة ، 1Cm على محور التراتيب يمثل 1000 ).

### 2) حل جملة المعادلتين التالية:

$$\begin{cases} y = 200x + 20000 \\ y = 100x + 30000 \end{cases}$$

- ثم أعط تفسيرا بيانيا لهذا الحل.
- بقراءة بيانية متى يكون راتب عبد الله أكبر من راتب محمد؟

المدة: ساعتان اختبار مادة: الرياضيات

العلامة		*			
مجزأة مجموع		عناصر الإجابة			
		التمرين الأول: ( 03 نقاط ) 1) نبين أن A عدد طبيعي :			
	4×0.25	$A=3 imes 4$ : ومنه : $A=3\sqrt{8} imes 2$ : اینا : $A=3\sqrt{8} imes \sqrt{2}$ : ومنه : $A=3\sqrt{8} imes \sqrt{2}$ : لدينا			
		A=12 : وبالتالي			
		$a$ على شكل $a\sqrt{3}$ حيث $a$ عدد طبيعي:			
03	0,5	$B = 2\sqrt{9 \times 3} - 2\sqrt{3} + \sqrt{4 \times 3}$ : ومنه $B = 2\sqrt{27} - 2\sqrt{3} + \sqrt{12}$ : لدينا			
	0,5	$B = 6\sqrt{3}$ : ومنه $B = 6\sqrt{3} - 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3}$ : أي			
		$rac{A}{B}=rac{2\sqrt{3}}{3}$ : نبین أن ز			
	1	$\frac{A}{B} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ : ومنه : $\frac{A}{B} = \frac{12\sqrt{3}}{18}$ : أي : $\frac{A}{B} = \frac{12 \times \sqrt{3}}{6\sqrt{3} \times \sqrt{3}}$ : ومنه : $\frac{A}{B} = \frac{12}{6\sqrt{3}}$			
		التمرين الثاني : ( 03 نقاط ) 1) التحقق بالنشر:			
	0,25 0,5 0,25 0,5 0,5	(3x+1)(x-4) = 3x(x-4)+1(x-4) : لدينا			
		$(3x+1)(x-4) = 3x^2 - 12x + x - 4$ :			
03		$(3x+1)(x-4) = 3x^2 - 11x - 4$ : أي			
03		:غليل العبارة $E$ إلى جداء عاملين ( $oldsymbol{2}$			
		$E = (3x+1)(x-4)+(3x+1)^2$ : و منه $E = 3x^2-11x-4+(3x+1)^2$ : لدينا			
		E = (3x+1)(x-4+3x+1) : $E = (3x+1)[(x-4)+(3x+1)]$ : ومنه			
		E = (3x+1)(4x-3)			
		3) حل المتراجحة:			
	0,25	$3x^2 - 11x - 4 \le 3x^2 + 7$ : أي $(3x+1)(x-4) \le 3x^2 + 7$			
	0,25×3	$-11x \le 11$ : ومنه $3x^2 - 3x^2 - 11x \le 7 + 4$ ومنه			
		$x \ge -1$ : أي أن $x \ge \frac{11}{-11}$			

المدة: ساعتان اختبار مادة: الرياضيات

	I	
		التمرين الثالث: ( 03 نقاط )
		: AC عساب الطول :
		بتطبيق نظرية فيتاغورث على المثلث القائم ADC:
		$AC^2 = AD^2 + DC^2$
		$AC^2 = 6^2 + 8^2$
	0,25×4	$AC^2 = 36 + 64 = 100$
		$AC = \sqrt{100} = 10cm$
03		(EF)//(AC) إثبات أن $(2$
	0,5	$\frac{BE}{BA} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$
	0,5	l : List
	0,5	$\frac{BF}{BC} = \frac{1,5}{6} = \frac{15}{60} = \frac{1}{4}$
	0,25	. بما أن: $rac{BE}{BA} = rac{BF}{BC}$ فإن المستقيمين $(EF)$ و $(AC)$ متوازيان حسب عكس خاصية طالس
		حساب قيس الزاوية $\widehat{BEF}$ بالتدوير إلى الوحدة:
	0,5	$\tan \widehat{BEF} = \frac{BF}{BE} = \frac{1.5}{2} = 0.75$
	,	
	0,25	$\widetilde{BEF} \simeq 37^{\circ}$
		<b>.</b> . <b>.</b>
		التمربن الرابع: ( 03 نقاط )
	0.25	1) نوع المثلث <i>TIC</i> :
	0,25 0,25×3	$CI^2 = 13^2 = 169$ : لديتا $TC^2 + TI^2 = 12^2 + 5^2 = 144 + 25 = 169$
	0,25	$TC^2+TI^2=12^2+5^2=144+25=169$ المثلث $TIC$ قائم في $T$ حسب عكس نظرية فيتاغورث $CI^2=TC^2+IT^2$ : بما أن
		به ۱۰ منه عدر کرد این کورک است ۱۲ کیم کی ۱۱ کیم کی در این کین کورک
		حساب مساحة المثلث TIC :
03	0.70	
	0,50	$S = \frac{TC \times TI}{2} = \frac{12 \times 5}{2} = \frac{60}{2} = 30  \text{Cm}^2$
		2) حساب الطول TH :
	0,50	$S = \frac{TH \times CI}{2}$ : لدينا $S = 30 \ Cm^2$ : لدينا
	0,25×3	$TH = \frac{30 \times 2}{13} = 4,6cm$ : $\frac{TH \times 13}{2} = 30$ : $\frac{TH \times CI}{2} = 30$ : $\frac{TH \times CI}{2} = 30$
		13 2 2

# الجزء الثاني: (80 نقاط) المسألة:

## الجزء (1):

1) حساب الراتب الشهري عندما يتم صنع 120 لعبة :

. 
$$200 \times 120 + 20000 = 24000 + 20000 = 44000DA$$
: راتب عبد الله

. 
$$100 \times 120 + 30000 = 12000 + 30000 = 42000 DA$$
 : اتب محمد

 $oldsymbol{x}$ :  $oldsymbol{x}$  التعبير عن  $oldsymbol{y}_1$  و عن  $oldsymbol{y}_2$  بدلالة

$$y_2 = 100x + 30000$$
  $y_1 = 200x + 20000$ 

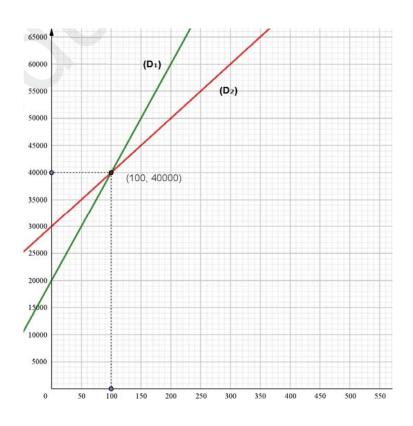
### الجزء (2):

$$h(x) = 100x + 30000$$
 و  $g(x) = 200x + 20000$  رسم مستقيما الدالتين (1

X	0	50
h(x)	30000	35000

	X	0	50			
g	g(x)	20000	30000			

ملاحظة : تأخذ بعين الاعتبار كل النقط المختارة من طرف التلميذ



اختبار مادة: الرياضيات المدة: ساعتان

2) حل جملة المعادلتين:

و منه 
$$\begin{cases} y = 200x + 20000 = 100x + 30000 \\ y = 100x + 30000 \end{cases}$$
 و منه ومنه

$$x = 100$$
 (  $x = \frac{10000}{100}$ : ومنه  $x = 10000$ : ومنه  $x = 200x - 100x = 30000 - 20000$ 

تعويض قيمة 🗴 في المعادلة الأولى:

$$y = 200 \times 100 + 20000 = 20000 + 20000 = 40000$$

للجملة حل واحد هو : (100;4000)

التفسير البياني لحل الجملة:

 $oldsymbol{-}$  حل هذه الجملة هو إحداثيتا نقطة تقاطع المستقيمين  $\left(D_{_{1}}
ight)$  و  $\left(D_{_{2}}
ight)$  الني تمثل تساوي الراتبين عند صنع 100 ام.ة

ـ من التمثيل البياني يكون راتب عبد الله اكبر من راتب محمد عند صنع اكثر من 100 لعبة.

المدة: ساعتان

# الإجابة النموذجية لموضوع امتحان شهادة التعليم المتوسط اختبار مادة: الرياضيات

## شبكة التقويم

العلامة			•			
مجموع	عزاة	التنقيط	المؤشرات	المعيار	السؤال	المسألة
1,5	0,75	0,5إن وفق في مؤشر 0,75 إن وفق في مؤشرين	- كتابة العبارة : 20000+20000 . - كتابة العبارة : 100×120+30000 .	1م	1	
	0,75	0,5 إن وفق في مؤشر 0,75 إن وفق في مؤشرين	ـ حساب العبارة 2000+120+2000 بشكل صحيح. ـ حساب العبارة 3000+120+100 بشكل صحيح	م2	1	الجزء الأول
1	0,5	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,5 إن وفق في مؤشرين	$x$ التعبير عن $y_1$ و عن $y_2$ بدلالة -	م1	2	الأول
	0,5	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,5 إن وفق في مؤشرين	التعبير عن $y_1$ و عن $y_2$ بشكل صحيح ـ التعبير	م2	2	
1,5	0,75	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,5 إن وفق في مؤشرين 0,75 إن وفق في ثلاث مؤشرات على	- إنشاء المعلم المناسب. - اختيار نقطتين لتمثيل الدالة $g$ . - تمثيل الدالة $g$ .	1۴		
		الأقل	h - اختيار نقطتين لتمثيل الداله $h$ .		1	
	0,75	0,5 إن وفق في مؤشر واحد 0,75 إن وفق في مؤشرين على الأقل	- تعليم النقط المختارة بشكل صحيح - تمثيل الدالة $g$ بشكل صحيح تمثيل الدالة $h$ بشكل صحيح.	2م		الجزء الثانه
2,5	1, 25	0,5 إن وفق في مؤشر واحد 1,25 إن وفق في مؤشرين على الأقل	- اختيار طريقة لحل الجملة - القراءة البيانية بإسقاط نقطة التقاطع - ربط الراتبين بوضعية المستقيمين	م1		֚֚֚֚֚֝֟֟ <u>֚֚֚֚֚</u>
	1,25	0,5 إن وفق في مؤشر واحد 75; 0 إن وفق في مؤشرين 1,25 إن وفق في ثلاث مؤشرات على الاقل	- الحل الصحيح للجملة - كتابة الحل ( الثنائية ) - التفسير الصحيح لحل جملة المعادلتين - تحديد عدد اللعب ( يفوق 100 لعبلة)	2م	2	2
1,5	1	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,5 إن وفق في مؤشرين 1 إن وفق في ثلاث مؤشرات	- التسلسل المنطقي . - معقولية النتائج . - احترام وحدات القياس .	36	3	کل المساله
	0,5	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,5 إن وفق في مؤشرين	- المقروئية. - عدم التشطيب و صياغة النتائج بوضوح.	44	\$-	3

م1 : التفسير السليم للوضعية. م2 : الاستعمال السليم للأدوات الرياضية. م3 : انسجام النتائج م4 : تقييم الورق

# الموقع الأول لتحضير الفروض والاختبارات في الجزائر https://www.dzexams.com

https://www.dzexams.com/ar/0ap	القسم التحضيري
https://www.dzexams.com/ar/1ap	السنة الأولى ابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/2ap	السنة الثانية ابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/3ap	السنة الثالثة ابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/4ap	السنة الرابعة ابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/5ap	السنة الخامسة ابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/bep	شهادة التعليم الابتدائي
https://www.dzexams.com/ar/1am	السنة الأولى متوسط
https://www.dzexams.com/ar/2am	السنة الثانية متوسط
https://www.dzexams.com/ar/3am	السنة الثالثة متوسط
https://www.dzexams.com/ar/4am	السنة الرابعة متوسط
https://www.dzexams.com/ar/bem	شهادة التعليم المتوسط
https://www.dzexams.com/ar/1as	السنة الأولى ثانوي
https://www.dzexams.com/ar/2as	السنة الثانية ثانوي
https://www.dzexams.com/ar/3as	السنة الثالثة ثانوي
https://www.dzexams.com/ar/bac	شهادة البكالوريا